

proposition de corrigé

sujet A

Exercice 1 :

(/ 6 points)

Dériver les fonctions suivantes :

1. $f(x) = x^5$

$$f'(x) = 5x^4$$

2. $g(x) = 3x^6 + 2x$

$$g'(x) = 3 \times 6x^5 + 2 = 18x^5 + 2$$

3. $h(x) = \frac{x^3}{2} - \frac{2}{3}x + 4$

$$h'(x) = \frac{1}{2} \times 3x^2 - \frac{2}{3} = \frac{3}{2}x^2 - \frac{2}{3}$$

4. $h(x) = \frac{1}{x} + 2\sqrt{x}$

$$h'(x) = -\frac{1}{x^2} + 2\frac{1}{2\sqrt{x}} = -\frac{1}{x^2} + \frac{1}{\sqrt{x}}$$

Exercice 2 :

(/ 4 points)

Soit f la fonction définie sur $] -\infty ; +\infty[$ par $f(x) = x^2$

1. Déterminer $f'(x)$

$$f'(x) = 2x$$

2. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative à la fonction f au point d'abscisse 3. (vérifier à la calculatrice la validité de votre réponse)

L'équation de cette tangente est du type : $y = ax + b$

On sait déjà que $a = f'(3) = 2 \times 3 = 6$

Par ailleurs, la tangente va passer par le point de coordonnées $(3 ; f(3))$ c'est-à-dire $(3 ; 9)$

On remplace donc y par 9 et x par 3 dans l'expression précédente : $9 = 6 \times 3 + b$ ce qui donne : $9 = 18 + b$ et donc $b = -9$

Au final, la tangente en question a pour équation : $y = 6x - 9$

proposition de corrigé

sujet B

Exercice 1 :

(/ 6 points)

Dériver les fonctions suivantes :

1. $f(x) = x^6$

$$f'(x) = 6x^5$$

2. $g(x) = 3x^5 + 3x$

$$g'(x) = 3 \times 5x^4 + 3 = 15x^4 + 3$$

3. $h(x) = \frac{x^5}{2} - \frac{3}{4}x - 5$

$$h'(x) = \frac{1}{2} \times 5x^4 - \frac{3}{4} = \frac{5}{2}x^4 - \frac{3}{4}$$

4. $h(x) = \frac{1}{x} + 2\sqrt{x}$

$$h'(x) = -\frac{1}{x^2} + 2\frac{1}{2\sqrt{x}} = -\frac{1}{x^2} + \frac{1}{\sqrt{x}}$$

Exercice 2 :

(/ 4 points)

Soit f la fonction définie sur $] -\infty ; +\infty[$ par $f(x) = x^2$

1. Déterminer $f'(x)$

$$f'(x) = 2x$$

2. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative à la fonction f au point d'abscisse 4. (vérifier à la calculatrice la validité de votre réponse)

L'équation de cette tangente est du type : $y = ax + b$

On sait déjà que $a = f'(4) = 2 \times 4 = 8$

Par ailleurs, la tangente va passer par le point de coordonnées $(4 ; f(4))$ c'est-à-dire $(4 ; 16)$

On remplace donc y par 16 et x par 4 dans l'expression précédente : $16 = 8 \times 4 + b$ ce qui donne : $16 = 32 + b$ et donc $b = -16$

Au final, la tangente en question a pour équation : $y = 8x - 16$