Le tableau <sup>1</sup> ci-dessous donne le montant des prix hors taxes et TTC du gaz naturel dans un certain nombre de pays européens.

Pays	Prix HT (en c€/kWh)	Prix TTC (en c€/kWh)
Suède	5,98	10,44
Danemark	5,10	10,42
Pays-Bas	5,2	8,65
Italie	4,94	7,42
Autriche	5,16	7,10
Allemagne	5,26	7,06
Slovénie	5,39	6,84
Irlande	5,93	6,74
Portugal	6,32	6,70
France	5,54	6,48
Espagne	5,55	6,44
Belgique	5,16	6,42
République Tchèque	4,62	5,50
Slovaquie	4,59	5,46
Luxembourg	4,77	5,44
Hongrie	4,37	5,33
Lettonie	4,80	5,28
Lituanie	3,98	4,74
Royaume-Uni	4,51	4,73
Pologne	3,84	4,69
Bulgarie	3,91	4,69
Estonie	3,44	4,24
Roumanie	1,91	3,13

- 1. Calculez à l'aide de votre calculatrice la moyenne et l'écart-type des deux séries.
- **2.** Calculez pour chaque série, les premier et troisième quartiles ainsi que la médiane. Vous construirez les digrammes en boîtes correspondants (disposés l'un sous l'autre avec les mêmes échelles)
- **3.** Quelles remarques vous inspirent les résultats précédents quant à l'effet des taxes sur le prix de vente du gaz naturel?

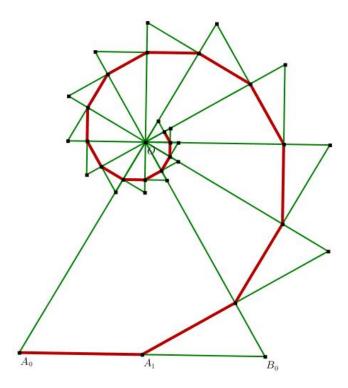
 $<sup>1. \</sup> source: SOeS \ d'après \ EuroStat; enquête \ sur les \ prix \ de \ l'électricit\'e \ et \ du \ gaz, \ \textit{Chiffres et Statistiques}, \ n^0 \ 141, \ juillet \ 2010$ 

On donne le programme de construction suivant :

- 1. on construit un triangle équilatéral  $OA_0B_0$ , de côté c;
- **2.** on place  $A_1$  le milieu de  $[A_0B_0]$ ;
- **3.** on construit  $B_1$  le symétrique de  $A_1$  par rapport à  $(OB_0)$ ;
- **4.** on note  $A_2$  le milieu de  $[A_1B_1]$ ;
- **5.** on poursuit le processus (en remplaçant  $A_n$  par  $A_{n+1}$  et  $B_n$  par  $B_{n+1}$ ).

On s'intéresse à la longueur de la spirale  $A_0A_1A_2...A_n$  et on étudiera ce qui se passe lorsque n tend vers l'infini.

Tous les résultats que vous énoncerez devront être démontrés.



Si vous le souhaitez, vous pouvez présenter un algorithme permettant d'approcher la valeur de la longueur de cette spirale.